ЭФФЕКТЫ ДИНАМИЧЕСКОЙ ДИФРАКЦИИ В КОГЕРЕНТНОМ ИЗЛУЧЕНИИ РЕЛЯТИВИСТСКИХ ЭЛЕКТРОНОВ В ПЕРИОДИЧЕСКОЙ СЛОИСТОЙ СРЕДЕ

А.В. Носков¹⁾, С. В. Блажевич²⁾, А.В. Коноваленко²⁾

¹⁾Московский технический университет связи и информатики, Москва, Россия ²⁾Белгородский государственный национальный исследовательский университет, Белгород, Россия

Развита динамическая теория когерентного рентгеновского излучения, генерируемого релятивистским электроном в периодической слоистой среде с тремя различными слоями на периоде в геометрии рассеяния Брэгга. В рамках двух волнового приближения динамической теории дифракции получены выражения, описывающие спектрально-угловые и угловые плотности параметрического рентгеновского излучения (ПРИ) и дифрагированного переходного излучения (ДПИ). Исследуется возможность проявление эффектов динамической дифракции в ПРИ релятивистских электронов в периодической слоистой среде с указанной структурой.

Введем угловые переменные ψ , θ и θ_0 в соответствии с определениями скорости релятивистского электрона V и единичных векторов: **n** - в направлении импульса фотона, излученного вблизи направления вектора скорости электрона, и n_g - в направлении рассеяния Брэгга:

$$\mathbf{V} = \left(1 - \frac{1}{2}\gamma^{-2} - \frac{1}{2}\psi^{2}\right)\mathbf{e}_{1} + \psi, \qquad \mathbf{e}_{1}\psi = 0 \ \mathbf{n} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta_{0}^{2}\right)\mathbf{e}_{1} + \theta_{0}, \qquad \mathbf{e}_{1}\theta_{0} = 0, \qquad \mathbf{e}_{1}\mathbf{e}_{2} = \cos 2\theta_{B}, \\ \mathbf{n}_{g} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta^{2}\right)\mathbf{e}_{2} + \theta, \ \mathbf{e}_{2}\theta = 0, \qquad \mathbf{e}_{1}\mathbf{e}_{2} = \cos 2\theta_{B}, \\ \mathbf{n}_{g} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta^{2}\right)\mathbf{e}_{2} + \theta, \ \mathbf{e}_{2}\theta = 0, \qquad \mathbf{e}_{1}\mathbf{e}_{2} = \cos 2\theta_{B}, \\ \mathbf{e}_{2} = \cos 2\theta_{B}, \\ \mathbf{e}_{3} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta^{2}\right)\mathbf{e}_{2} + \theta, \ \mathbf{e}_{3} = 0, \qquad \mathbf{e}_{1}\mathbf{e}_{2} = \cos 2\theta_{B}, \\ \mathbf{e}_{3} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta^{2}\right)\mathbf{e}_{3} + \theta, \quad \mathbf{e}_{3} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta^{2}\right)\mathbf{e}_{3} + \theta, \quad \mathbf{e}_{3} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta^{2}\right)\mathbf{e}_{3} + \theta, \quad \mathbf{e}_{4} = 0, \quad \mathbf{e}_{4} =$$

где θ - угол излучения, отсчитываемый от оси детектора излучения \mathbf{e}_2 , ψ - угол отклонения рассматриваемого электрона в пучке, отсчитываемый от оси электронного пучка \mathbf{e}_1 , $\mathbf{\theta}_0$ - угол между направлением распространения падающего фотона и осью \mathbf{e}_1 , $\gamma = 1/\sqrt{1-V^2}$ - Лоренц-фактор электрона. Угловые переменные рассматриваются в виде суммы составляющих параллельных и перпендикулярных плоскости рисунка: $\theta = \theta_{\parallel} + \theta_{\perp}$, $\theta_0 = \theta_{0\parallel} + \theta_{0\perp}$, $\psi = \psi_{\parallel} + \psi_{\perp}$. Вектор g (Puc.1) аналогичен вектору обратной решетке в кристалле - он перпендикулярен слоям мишени и его длина равна $g = \frac{2\pi}{T}n$.

Получены параметры динамического рассеяния рентгеновских волн в периодической слоистой среде:



$$\mathbf{v}^{(s)} = \frac{C^{(s)}}{\pi} \frac{\sqrt{(1 - \delta'_{ab}) \,\delta'_{1} \sin^{2}(\mathbf{I}_{1}\pi) + (\delta'_{ab} - 1) \,\delta'_{2} \sin^{2}(\mathbf{I}_{2}\pi) + \delta'_{1} \delta'_{2} \sin^{2}(\mathbf{I}_{3}\pi))}}{I_{2} \left| \frac{a}{b} \,\delta'_{ab} + 1 + \frac{a}{b} \left(\frac{a}{c} \right)^{-1} \frac{\delta'_{ab}}{\delta'_{ac}} \right|}{\mathbf{p}^{(s)}} , \quad \text{- параметр рассеяния}$$

$$\mathbf{p}^{(s)} = \frac{\pi}{C^{(s)}} \frac{\mathbf{I}_{2} \left| \frac{a}{b} \rho_{a} + \rho_{b} + \frac{a}{b} \left(\frac{a}{c} \right)^{-1} \rho_{c} \right|}{\sqrt{(1 - \delta'_{ab}) \,\delta'_{1} \sin^{2}(\mathbf{I}_{1}\pi) + (\delta'_{ab} - 1) \,\delta'_{2} \sin^{2}(\mathbf{I}_{2}\pi) + \delta'_{1} \delta'_{2} \sin^{2}(\mathbf{I}_{3}\pi))}}, \quad \text{- параметр поглощения}$$

$$\mathbf{\kappa}^{(s)} = \frac{C^{(s)}}{\pi} \frac{\sqrt{\left(\rho_{1} \sin^{2}(\mathbf{I}_{1}\pi) + \rho_{2} \sin^{2}(\mathbf{I}_{2}\pi) + \rho_{3} \sin^{2}(\mathbf{I}_{3}\pi)\right)}}{\mathbf{I}_{2} \left| \frac{a}{b} \rho_{a} + \rho_{b} + \frac{a}{b} \left(\frac{a}{c} \right)^{-1} \rho_{c} \right|}, \quad \text{параметр расположения стоячей волны}$$

$$\mathbf{\delta}_{1}^{\prime} = \frac{\delta'_{ab}}{\delta'_{1}} - \mathbf{\delta}_{ab}^{\prime}, \quad \mathbf{\delta}_{2}^{\prime} = \frac{\delta'_{ab}}{\delta'_{1}} - \mathbf{1}, \quad \mathbf{\delta}_{ab}^{\prime} = \frac{\chi'_{a}}{\chi'}, \quad \mathbf{\delta}_{ac}^{\prime} = \frac{\chi'_{a}}{\chi'}, \quad \mathbf{I}_{1} = \left(\mathbf{1} + \left(\frac{a}{c} \right)^{-1} + \left(\frac{a}{b} \right)^{-1} \right)^{-1}, \quad \mathbf{I}_{2} = \left(\mathbf{1} + \frac{a}{b} + \frac{a}{b} \left(\frac{a}{c} \right)^{-1} \right)^{-1}$$

(1)

 $0 \leq v^{(s)} \leq 1$ (2)

$$\rho^{(s)} \ge 0 \tag{3}$$

 $0 \le \kappa^{(s)} \le 1$

(4)

$$\int_{-1}^{-1} , I_3 = \left(1 + \frac{a}{c} + \frac{a}{c} \left(\frac{a}{b}\right)^{-1}\right)^{-1},$$

$$\rho_{a} = \frac{\chi_{a}''}{|\chi_{b}'|}, \ \rho_{b} = \frac{\chi_{b}''}{|\chi_{b}'|}, \ \rho_{c} = \frac{\chi_{c}''}{|\chi_{b}'|}, \ \rho_{1} = (\rho_{a} - \rho_{b})(\rho_{a} - \rho_{c}), \ \rho_{2} = (\rho_{b} - \rho_{a})(\rho_{b} - \rho_{c}), \ \rho_{3} = (\rho_{c} - \rho_{a})(\rho_{c} - \rho_{c})$$



Получены выражения, описывающие спектрально-угловую и угловую плотности ПРИ и ДПИ:

$$\begin{split} & \omega \frac{d^{3} N_{DR}^{(s)}}{d \omega d_{\perp} d \theta_{\parallel}} = \frac{e^{2}}{\pi^{2}} \frac{\Omega^{(s)2}}{\left(\gamma^{-2} + (\theta_{\perp} - \psi_{\perp})^{2} + (\theta_{\parallel} + \psi_{\parallel})^{2} - \chi_{0}^{(s)}\right)^{2}} R_{DR}^{(s)}, \qquad \omega \frac{d^{3} N_{DR}^{(s)}}{d \omega d \theta_{\perp} d \theta_{\parallel}} = \frac{e^{2}}{\pi^{2}} \Omega^{(s)2} \left(\frac{1}{\gamma^{-2} + (\theta_{\perp} - \psi_{\perp})^{2} + (\theta_{\parallel} + \psi_{\parallel})^{2} - \chi_{0}^{(s)}} \right)^{2} R_{DR}^{(s)}, \\ & R_{PXR}^{(s)} = \frac{G^{(s)}}{F^{(s)} \cdot D^{(s)}} \left(\left(1 - e^{\frac{F_{\perp} + \rho}{\epsilon} R^{(s)}} \right)^{2} + 4e^{\frac{-F_{\perp} + \rho}{\epsilon} R^{(s)}} \cdot \sin \left(\frac{D_{0}^{(s)}}{2} B^{(s)} \right)^{2} \right) \right) \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2}{\epsilon} \left(\sqrt{\xi^{(s)2} - \epsilon} + F_{\rho}^{(s)} \right) B^{(s)} \right)}{M_{1}^{(s)}} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)}{M_{2}^{(s)}} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)}{M_{2}^{(s)}} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)}{M_{2}^{(s)}} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)}{M_{2}^{(s)}} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)}{M_{2}^{(s)}} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)} \\ & R_{DR}^{(s)} = e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} + e^{2 - \frac{W^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)}} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} - 2 \cdot \cos \left(\frac{2N^{(s)}}{\epsilon} B^{(s)} \right)} \right) \\ & R_{DR}^{(s)}$$



Рис. 5. Расположение двух стоячих рентгеновских волн в периодической слоистой среде, для трех (a,b,c) и двух (a,b) различных слоев на периоде Т.

$$\begin{split} & F_{eff}^{00} = \frac{\pi}{c^{00} 0 |z_{n}^{i}| (\sqrt{1-\delta_{eff}^{i}) \delta_{n}^{i} \delta_{n}^{i} (1, \pi) + \delta_{n}^{i} (1, \pi)$$

Угловые плотности ПРИ и ДПИ:

$$\frac{d^{2}N_{PXR}^{(s)}}{d\theta_{\perp}d\theta_{\parallel}} = \frac{e^{2}v^{(s)}|\chi_{0}'|}{2\pi^{2}\sin^{2}\theta} \frac{\Omega^{(s)2}}{(\gamma^{-2} + (\theta_{\perp} - \psi_{\perp})^{2} + (\theta_{\parallel} + \psi_{\parallel})^{2} - \chi_{0}')^{2}} \int_{\sqrt{\varepsilon} - \frac{1+\varepsilon}{2v^{(s)}}}^{\infty} R_{PXR}^{(s)} d\eta^{(s)},$$
$$\frac{d^{2}N_{DTR}^{(s)}}{d\theta_{\perp}d\theta_{\parallel}} = \frac{e^{2}v^{(s)}|\chi_{0}'|}{2\pi^{2}\sin^{2}\theta} \Omega^{(s)2} \left(\frac{1}{\gamma^{-2} + (\theta_{\perp} - \psi_{\perp})^{2} + (\theta_{\parallel} + \psi_{\parallel})^{2}} - \frac{1}{\gamma^{-2} + (\theta_{\perp} - \psi_{\perp})^{2} + (\theta_{\parallel} + \psi_{\parallel})^{2} - \chi_{0}'}\right)^{2} \int_{-\infty}^{\infty} R_{PXR}^{(s)} d\eta^{(s)},$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} R_{DTR}^{(s)} d\eta^{(s)},$$

Численные расчеты.

Далее исследуем спектрально-угловые и угловые плотности ПРИ и ДПИ. Положим угол между осью пучка релятивистских электронов и отражающими слоями (угол Брэгга) $\theta_{\rm B} = 2.25^{\circ}$, при этом частота Брэгга $\omega_{\rm B} = 8 \kappa_{\rm B} B$. Период слоистой среды положим равным T = a + b + c = 0.002 мкм. Действительную часть диэлектрической восприимчивости, положим при рассматриваемой частоте излучения как у углерода: $\chi'_b = -2.25 \cdot 10^{-5}$.



Зависимость ПРИ и ДПИ от толщины мишени и энергии электронов.

Эффект аномального фотопоглощения в ПРИ. Аналогичный эффекту Бормана в монокристалле.





Влияние асимметрии отражения на ПРИ и ДПИ





10

Заключение

В рамках двух волнового приближения динамической теории дифракции получены выражения, описывающие спектрально-угловые и угловые плотности параметрического рентгеновского излучения (ПРИ), дифрагированного переходного излучения (ДПИ) и их интерференцию.

Исследуется возможность проявление эффектов динамической дифракции в КРИ релятивистских электронов в периодической слоистой среде с указанной структурой слоя.

Показана зависимость спектрально-угловых и угловых ПРИ от асимметрии отражения поля электрона относительно поверхности мишени. Выявлено, что уменьшения угла между скоростью электрона и поверхностью мишени при фиксированном угле Брэгга приводит к значительному росту угловых плотностей ПРИ и ДПИ. Представлена зависимость ширины спектрального пика ДПИ от асимметрии отражения.

Показано, что, меняя параметры слоев рассматриваемой трехслойной структуры, можно влиять на параметры динамического рассеяния рентгеновского излучения, и как следствие на спектрально-угловые и угловые плотности ПРИ и ДПИ.

Показано, что при определенных условиях и параметрах слоистой структуры с тремя слоями на периоде, уменьшение поглощения второго слоя может привести к значительному увеличению спектрально-угловой плотности ПРИ. Этот эффект аналогичен эффекту аномального фотопоглощения (эффекту Бормана) в монокристалле и связан с расположением пучностей стоячей волны в слоистой среде на втором слое трехслойной структуры.